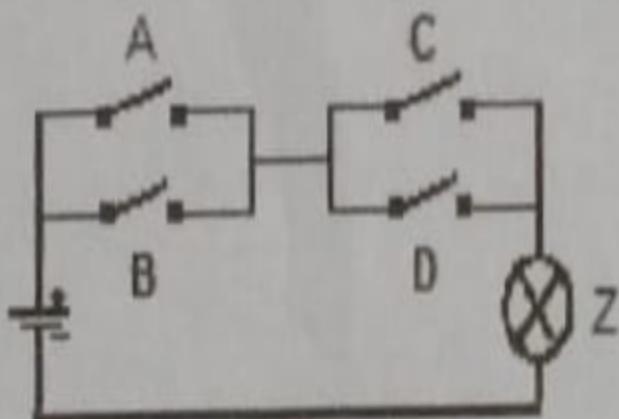


- 1) Realizar las siguientes operaciones en formato 6 bits (signo + 5 magnitud) utilizando complemento a 1 y complemento a 2, indicando para cada caso el contenido de los flags CVSZ y luego verificar el resultado en decimal:
- a)  $27 + 6$     b)  $27 - 6$     c)  $6 - 27$     d)  $-27 - 6$     e)  $27 - 27$
- 2) Convertir a binario, octal y decimal el número hexadecimal A2,E3
- 3) Dado el siguiente circuito, obtener primero la función  $Z = f(A,B,C,D)$ . Luego, a partir de esta función, aplicando el álgebra de Boole obtener su Forma Normal Disyuntiva y, por último, a partir de ésta obtener su Tabla de Verdad.



- 4) Dada la función:  $Z(A,B,C,D) = \sum m(0,1,4,5,6,7,14,15) + d(13)$
- En un mapa K hallar todos los IP y los IPE.
  - Simplificar por 1's y 0's, obteniendo la/s función/es mínima/s. Graficar su circuito lógico.
  - Indicar si la/s función/es implementada/s en b) es libre de riesgos, justificar la respuesta.
- 5) Utilizando el método de Hamming para 4 bits de información, se reciben los siguientes datos. Indicar en cada caso si hay error, y en ese caso en cuál bit. Además, indicar en cada caso los bits que componen el mensaje original (bits m).
- 1010101 ( $k_1 \dots m_7$ )
  - 0110100 ( $k_1 \dots m_7$ )
  - 0110001 ( $k_1 \dots m_7$ )

1	2	3	4	5
B	B	B	B	B <sup>-</sup>

(No Diet)

CURSO 2

1) a)  $27 \begin{array}{r} 0 \\ + 6 \\ \hline 33 \end{array}$   $\begin{array}{r} 011011 \\ + 000110 \\ \hline 0100001 \end{array}$  ✓  $c_1: C V S Z$   $c_2: C V S Z$   
 $27+6 = -30 \neq 33$  ✓  $V Q 1 1 0$   
 $27+6 = -31 \neq 33$

b)  $27 \begin{array}{r} 011011 \\ + 6 \\ \hline 21 \end{array}$  ✓  $c_1: 011011$   $c_2: 11010$  ✓  $C V S Z$   
 $27-6 = 21$  ✓  $1000$   $1000$   
 $27-6 = 21$  ✓  $\begin{array}{r} 010101 \\ + 010101 \\ \hline 010101 \end{array}$  ✓

c)  $-6 \begin{array}{r} 000110 \\ + 27 \\ \hline -21 \end{array}$  ✓  $c_1: 000110$   $c_2: 000110$  ✓  $C V S Z$   
 $6-27 = -21$  ✓  $0010$   $0010$   
 $6-27 = -21$  ✓  $\begin{array}{r} 101011 \\ + 101011 \\ \hline 101011 \end{array}$  ✓

d)  $-27 \begin{array}{r} 100100 \\ - 6 \\ \hline -33 \end{array}$  ✓  $c_1: 100100$   $c_2: 100101$  ✓  $C V S Z$   
 $-27-6 = 30 \neq -33$  ✓  $1100$   $1100$   
 $-27-6 = 31 \neq -33$  ✓  $\begin{array}{r} 101111 \\ + 101111 \\ \hline 101111 \end{array}$  ✓

e)  $27 \begin{array}{r} 011011 \\ - 27 \\ \hline 0 \end{array}$  ✓  $c_1: 011011$   $c_2: 011011$  ✓  $C V S Z$   
 $27-27 = 0$  ✓  $100101$   $1001$   
 $27-27 = 0$  ✓  $\begin{array}{r} 000000 \\ - 0 \\ \hline 000000 \end{array}$  ✓  $+0$

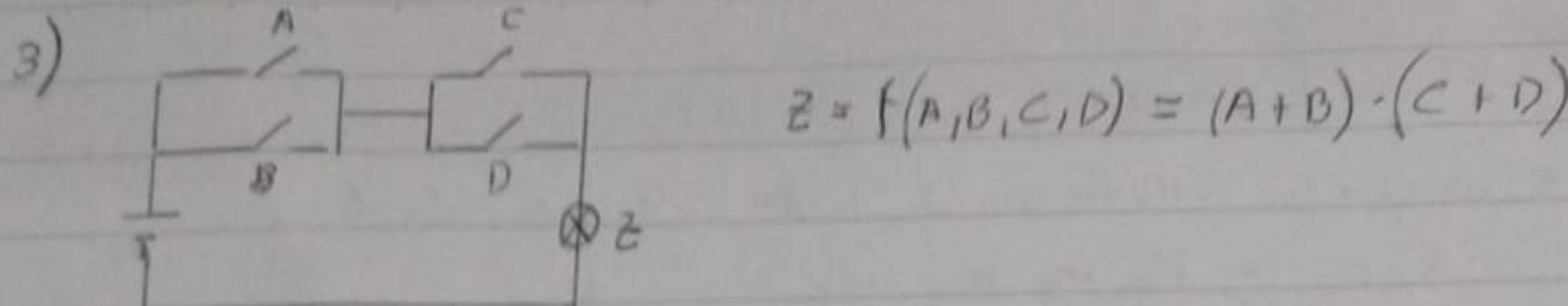
2) A2, E3 ✓  $2^4$  (Hex): A 2, E 3  
 $2^4$  (bin): 1010 010, 1110 0011  
 blancos ✓  $2^3$  (oct): 2 4 2, 7 0 6

$$\begin{array}{r} A210 \\ 210 \\ \hline 610 \\ 10 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$A2_{16} = 702_{10}$$

$$A2_{16}, E3_{16} = A \times 16 + 2 + E \cdot 16^{-1} + 3 \cdot 16^{-2} = 10 \times 16 + 2 + \frac{14}{16} + \frac{3}{256} = 162,8867188\dots$$

$$A2_{16}, E3_{16} = 162,8867188\dots_{10} = 242,706_{18} = 10100010,11100011_2$$



$$(A+B) \cdot (C+D) = AC + AD + BC + BD = \checkmark$$

$$= AC(B+\bar{B})(D+\bar{D}) + AD(B+\bar{B})(C+\bar{C}) + BC(A+\bar{A})(D+\bar{D}) + BD(A+\bar{A})(C+\bar{C}) =$$

$$= ABCD + ABC\bar{D} + A\bar{B}CD + A\bar{B}C\bar{D}$$

$$= \textcircled{ABCD} + \textcircled{ABC\bar{D}} + \textcircled{A\bar{B}CD} + \textcircled{A\bar{B}C\bar{D}} + \textcircled{ABCD} + \textcircled{ABC\bar{D}} + \textcircled{A\bar{B}CD} + \textcircled{A\bar{B}C\bar{D}} + \\ + \textcircled{ABCD} + \textcircled{ABC\bar{D}} + \textcircled{\bar{A}BCD} + \textcircled{\bar{A}BC\bar{D}} + \textcircled{ABCD} + \textcircled{A\bar{B}CD} + \textcircled{\bar{A}BCD} + \textcircled{\bar{A}B\bar{C}D} = \checkmark$$

$$= \underset{1111}{ABCD} + \underset{1110}{ABC\bar{D}} + \underset{1011}{A\bar{B}CD} + \underset{1101}{AB\bar{C}D} + \underset{0111}{A\bar{B}C\bar{D}} + \underset{0110}{\bar{A}BCD} + \underset{1010}{\bar{A}BC\bar{D}} + \underset{1001}{A\bar{B}\bar{C}D} +$$

A	B	C	D	Z
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

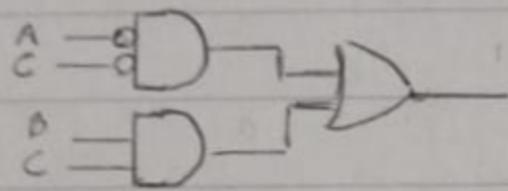
$$\text{FND} = ABCD + ABC\bar{D} + A\bar{B}CD + AB\bar{C}D + A\bar{B}C\bar{D} + \\ + \bar{A}BCD + A\bar{B}C\bar{D} + A\bar{B}\bar{C}D + \bar{A}B\bar{C}D$$

V

$$4) Z(A,B,C,D) = \sum_m (0,1,4,5,6,7,14,15) + d(13)$$

$\begin{matrix} A \\ B \end{matrix}$	$\begin{matrix} C \\ D \end{matrix}$	00	01	11	10	TIP	0	1	4	5	6	7	14	15	
00		1	1			IP <sub>1</sub> (0,1,4,5)	V	V	V	V					escendal
01		1	1	0	1	IP <sub>2</sub> (5,7,11,15)			V	V		V		✓	
11		X	1	1	1	IP <sub>3</sub> (6,7,14,15)			V	V	V	V	✓	✓	escendal
10						IP <sub>4</sub> (4,5,6,7)		V	V	V	V	V	V	V	
							V	V	V	V	V	V	V	V	

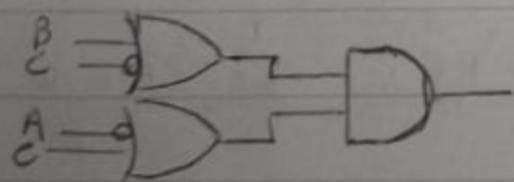
$$F_{min} (\text{por } 1's) = \bar{A}\bar{C} + BC\bar{V}$$



tiene riesgo ya que la variable C aparece negada y sin negar por lo que si se da algun retraso la función podría tomar un valor que no debería.

$\begin{matrix} A \\ B \end{matrix}$	$\begin{matrix} C \\ D \end{matrix}$	00	01	11	10	TIP	2	3	8	9	10	11	12	13	
00		0	1	0	0	IP <sub>1</sub> (2,3,10,11)	V	V			V	V			escendal
01		1	0	1	0	IP <sub>2</sub> (8,9,12,13)			V	V			V		escendal
11		0	X	1	0	IP <sub>3</sub> (8,9,10,11)			V	V	V	V	V		
10		0	0	0	0		V	V	V	V	V	V	V	V	

$$F_{min} (\text{por } 0's) = (B + \bar{C}) \cdot (\bar{A} + C)$$



Al igual que por 1's, tiene riesgo ya que C aparece negada y sin negar.

✓

5) 4 bits de info tienen 3 bits de paridad

$$\begin{array}{ccccccc} k_1 & k_2 & m_3 & k_4 & m_5 & m_6 & m_7 \\ \text{011} & & \text{101} & & \text{110} & & \text{111} \end{array}$$

$$k_1, k_2, m_3, k_4, m_5, m_6, m_7$$

a) 1 0 1 0 1 0 1

$$\left. \begin{array}{l} k_1 \oplus m_3 \oplus m_5 \oplus m_7 = 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 1 = 0 \\ k_2 \oplus m_3 \oplus m_6 \oplus m_7 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0 \\ k_4 \oplus m_5 \oplus m_6 \oplus m_7 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0 \end{array} \right\} \text{No hay error } \checkmark$$

mensaje original: 1101

$$k_1, k_2, m_3, k_4, m_5, m_6, m_7$$

b) 0 1 1 0 1 0 0

$$\left. \begin{array}{l} k_1 \oplus m_3 \oplus m_5 \oplus m_7 = 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 0 \\ k_2 \oplus m_3 \oplus m_6 \oplus m_7 = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 0 \\ k_4 \oplus m_5 \oplus m_6 \oplus m_7 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 = 1 \end{array} \right\} \text{Error en el bit 4 } \checkmark$$

mensaje original: 1100

$$k_1, k_2, m_3, k_4, m_5, m_6, m_7$$

c) 0 1 1 0 0 0 1

$$\left. \begin{array}{l} k_1 \oplus m_3 \oplus m_5 \oplus m_7 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0 \\ k_2 \oplus m_3 \oplus m_6 \oplus m_7 = 1 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 1 \\ k_4 \oplus m_5 \oplus m_6 \oplus m_7 = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1 \end{array} \right\} \text{Error en el bit 7 } \underline{\text{bit 6}}$$

mensaje original: 1000

1011